



ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО НАУЧНЫХ ОРГАНИЗАЦИЙ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное учреждение науки  
**«Институт автоматики и процессов управления**  
**Дальневосточного отделения Российской академии наук»**  
(ИАПУ ДВО РАН)

**«СОГЛАСОВАНО»**

Руководитель направления  
подготовки аспирантов  
01.06.01 «Механика деформируемого  
твердого тела»

*Л.В.Ковтюк*

«14» *августа* 2014 г.

**«УТВЕРЖДАЮ»**

Заместитель директора по научно-образовательной и инновационной деятельности, д.ф.-м.н.

*Н.Г. Галкин*

«14» *августа* 2014 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ (РПУД)**

**Теория пластичности**

**Направление подготовки 01.06.01 - «Математика и механика»  
профиль «Механика деформируемого твердого тела»**

**Образовательная программа «Механика деформируемого твердого тела»**

**Форма подготовки (очная)**

Институт автоматики и процессов управления ДВО РАН (ИАПУ ДВО РАН)  
Междисциплинарная кафедра подготовки кадров высшей квалификации (МК ПКВК)

курс 2 семестр 4

лекции 18 час. / 0.5 з.е.

практические занятия 18 час. / 0.5 з.е.

всего часов аудиторной нагрузки 36 (час.) / 1 з.е.

самостоятельная работа 27 (час.) / 0.75 з.е.

зачет с оценкой 4 семестр

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (уровень подготовки кадров высшей квалификации), утвержденного приказом министерства образования и науки РФ от 30 июля 2014 № 866

Рабочая программа обсуждена на заседании МК ПКВК, протокол № 1 от «14» *августа* 2014 г.  
Заведующий (ая) кафедрой: д-р физ.- мат. наук, профессор Н.Г. Галкин  
Составитель (ли): д-р физ.- мат. наук, зав.лаб. Л.В. Ковтюк, к.ф.-м.н. А.С. Бегун

Владивосток  
2014

249

**Оборотная сторона титульного листа РПУД**

**I. Рабочая программа пересмотрена на заседании кафедры:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

**II. Рабочая программа пересмотрена на заседании кафедры:**

Протокол от «\_\_\_\_\_» 20\_\_ г. №\_\_\_\_\_

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_  
(подпись) (И.О. Фамилия)

## **АННОТАЦИЯ**

Дисциплина «Теория пластичности» предназначена для аспирантов, обучающихся по образовательной программе «Механика деформируемого твердого тела» и входит в вариативную часть учебного плана.

При разработке рабочей программы учебной дисциплины использованы Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования (уровень подготовки кадров высшей квалификации) по направлению подготовки 01.06.01 Математика и механика, учебный план подготовки аспирантов по профилю «Механика деформируемого твердого тела».

**Цель** - научить математической постановке задач теории пластичности, анализу дифференциальных уравнений равновесия и движения и их решению, методам их интегрирования.

### **Задачи:**

1. Ознакомление с теорией течения, деформационной теорией пластичности, понятием длительной прочности.
2. Ознакомление с теориями старения, упрочнения, методами определения времени разрушения конструкций и с механическими моделями деформируемого тела.
3. Формирование умения внедрять результаты научно-технических разработок в реальный сектор проектирования конструкций.

**Интерактивные формы обучения** составляют 6 часов практических занятий в форме семинара с представлением и обсуждением докладов.

### **Компетенции выпускника, формируемые в результате изучения дисциплины**

#### **Универсальные компетенции:**

УК-1 Способность к критическому анализу и оценке современных научных достижений, генерированию новых идей при решении

исследовательских и практических задач, в том числе в междисциплинарных областях.

**Общепрофессиональные компетенции:**

**ОПК - 1** Способность самостоятельно осуществлять научно-исследовательскую деятельность в соответствующей профессиональной области с использованием современных методов исследования и информационно-коммуникационных технологий;

**Профессиональные компетенции:**

**ПК - 1** Способность самостоятельно выполнять научные исследования в области механики деформируемого твердого тела, используя соответствующий физико-математический аппарат, вычислительные методы и компьютерные технологии, с целью установления законов деформирования, повреждения и разрушения материалов; выявлять новые связи между структурой материалов, характером внешних воздействий и процессами деформирования;

**ПК - 2** Способность самостоятельно применять методы механики и вычислительной математики, теоретические, расчетные и экспериментальные методы исследований, методы математического и компьютерного моделирования к постановке и решению краевых задач механики деформируемого твердого тела;

**ПК - 3** Способность овладевать новыми современными методами и средствами проведения экспериментальных исследований процессов деформирования; планировать и проводить эксперименты; интерпретировать экспериментальные данные; обрабатывать, анализировать и обобщать результаты экспериментов.

## **Требования к уровню усвоения содержания дисциплины.**

Аспиранты должны приобрести следующие знания и умения:

### **знать:**

- методы реализации научно-исследовательской деятельности в области математики и механики, а также методы генерирования новых идей при решении исследовательских и практических задач с использованием информационно-коммуникационных технологий

- научные основы и закономерности механических явлений, применяемые для изучения законов деформирования, повреждения и разрушения материалов, выявления новых связей между структурой материалов.

- научные основы и закономерности механических явлений, применяемые при постановке и решении краевых задач для прогноза поведения деформируемых твердых тел различной природы при разнообразных воздействиях

### **уметь:**

- планировать и осуществлять научно-исследовательскую деятельность с применением современных методов исследования и информационно-коммуникационных технологий

- использовать базовый физико-математический аппарат, вычислительные методы и методы компьютерного моделирования для выявления новых связей между структурой материалов, характером внешних воздействий и процессами деформирования и разрушения.

- использовать базовый физико-математический аппарат, расчетные и экспериментальные методы исследования для решения технологических проблем деформирования, разрушения и предупреждения недопустимых деформаций в конструкциях различного назначения.

### **владеть:**

- навыками сбора, обработки, анализа и систематизации информации; выбора методов и средств решения задач исследования, навыками работы с вычислительной техникой
- современными методами и технологиями вычислительной математики и механики, компьютерными технологиями, применяемыми в области механики деформируемого твердого тела
- современными методами и технологиями вычислительной математики и механики, теоретическими, расчетными и экспериментальными методами исследований, применяемыми для прогноза поведения деформируемых твердых тел различной природы при разнообразных воздействиях.

## **I. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА**

### **МОДУЛЬ 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ТЕОРИИ ПЛАСТИЧНОСТИ (10 час.)**

#### **Тема 1. Введение. (2 час.)**

Задачи курса, его структура. Исторические сведения. Экспериментальные и физические факты развития неупругих деформаций в металлах и твердых сплавах Напряжения, деформации, скорости деформаций и их инварианты. Основные теоретические соотношения между напряжениями и деформациями за пределами упругости.

#### **Тема 2. Модели твердых тел. (4 час.)**

Понятие простого нагружения. Схематизация диаграмм деформирования. Модели идеального упругопластического и жесткопластического тела. Критерий текучести и поверхность текучести в пространстве напряжений. Критерий Треска, критерий Мизеса, критерий максимального приведенного напряжения. Геометрическая интерпретация условий текучести в пространстве главных напряжений. Условие полной пластичности Хаара-Кармана. Модели упрочняющегося упругопластического и жесткопластического тела. Функция нагрузления и поверхность нагрузления.

Упрочнение и разрушение. Параметры упрочнения.

### **Тема 3. Теория течения (2 час.)**

Теория пластического течения. Принцип Мизеса, постулат Друккера. Ассоциированный закон пластического течения. Теория скольжения. Краевые задачи теории течения. Теоремы единственности. Вариационные принципы теории течения.

### **Тема 4. Теория предельного равновесия (2 час.)**

Теория предельного равновесия. Статическая и кинематическая теоремы теории предельного равновесия. Верхние и нижние оценки. Примеры.

## **МОДУЛЬ 2. МЕТОДЫ И СПОСОБЫ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧ ТЕОРИИ ПЛАСТИЧНОСТИ (8 час.)**

### **Тема 1. Теория малых упругопластических деформаций. (2 час.)**

Теорема Ильюшина о простом нагружении. Теория пластического течения. Связь между теориями при простом нагружении.

### **Тема 2. Система уравнений теории пластичности. (2 час.)**

Условия на границе, разделяющей упругую и пластическую зоны. Методы решения задач теории пластичности. Методы дополнительных напряжений, дополнительных деформаций и переменных параметров упругости. Вариационные принципы в теории малых упругопластических деформаций и их применение при решении задач. Анализ неустойчивости процессов деформирования.

### **Тема 3. Энергетические теоремы и экстремальные принципы. (2 час.)**

Использование уравнения Ляме. Система уравнений Бельтрами. Общая характеристика современного состояния вопросов решения задач теории упругости.

### **Тема 4. Теория и методы расчета предельного состояния различных элементов машиностроительных конструкций. (2 час.)**

Кинематическая и статическая теоремы и их применение к оценке предельных нагрузок элементов конструкций.

## **П. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКОЙ ЧАСТИ КУРСА**

*Структура и содержание практической части курса включает в себя тематику и содержание практических занятий, семинаров, лабораторных работ.*

### **Практические занятия (18 час.)**

#### **Занятие 1. Теория упругопластического деформирования для стержней (семинар с представлением докладов). (2 часа)**

1. Нахождение главных направлений и главных значений декартова тензора.

2. Доказательство ортогональности главных значений тензора.

#### **Занятие 2. Теория упругопластического деформирования для пластин. (4 часа)**

1. Определение вектора напряжения в заданной точке пластины.

2. Определение тензора напряжений.

#### **Занятие 3. Теория упругопластического деформирования для оболочек. (4 часа)**

1. Нахождение поверхности напряжения Коши для заданных состояний напряжения.

2. Определение главных напряжения и главных осей тензора напряжений.

3. Вычислить инварианты тензора напряжений.

4. Определение максимального касательного напряжения в заданной точке.

#### **Занятие 4. Задачи с осевой и центральной симметрией. (4 часа)**

1. Разложение тензора напряжений.

2. Определение главных напряжений для заданного напряжённого состояния.

**Занятие 5. Общие методы решения задач пластичности: метод начальных напряжений, метод начальных деформаций, метод переменных параметров упругости (семинар с представлением докладов). (4 часа)**

1. Применение метода начальных напряжений.
2. Оптимизация вычислений пластических деформаций.
3. Сведение решения задач деформационной теории пластичности к решению последовательности обычных задач упругости.

### **III. КОНТРОЛЬ ДОСТИЖЕНИЯ ЦЕЛЕЙ КУРСА**

Фонд оценочных средств прилагается.

### **IV. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **Основная литература** (печатные и электронные издания)

1. Ишлинский А.Ю. Математическая теория пластичности [Электронный ресурс]/ Ишлинский А.Ю., Ивлев Д.Д.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2001.— 702 с.

<http://www.iprbookshop.ru/>

2. Ивлев Д.Д. Механика пластических тел. М.: Физматлит. 2001. – 445 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

3. Ивлев Д.Д. Механика пластических сред. Том 1. Теория идеальной пластичности [Электронный ресурс]/ Ивлев Д.Д.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2001.— 448 с.

<http://www.iprbookshop.ru/>

4. Ивлев Д.Д. Механика пластических сред. Том 2. Общие вопросы. Жесткопластическое и упругопластическое состояние тела. Упрочнение.

Деформационные теории. Сложные среды [Электронный ресурс]/ Ивлев Д.Д.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2002.— 448с

<http://www.iprbookshop.ru/>

5. Фомин В.М. Численные методы решения задач теории упругости и пластичности. Новосибирск: Параллель, 2009. - 267 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

6. Циглер Ф. Механика твердых тел и жидкостей. Ижевск: НИЦ Регулярная и хаотическая динамика. 2002. – 912 с.

<http://www.rfbr.ru/rffi/ru/books>

7. Зубчанинов В.Г., Механика процессов пластических сред, 2010, 352с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

8. Зубчанинов В.Г. Устойчивость и пластичность. Том 2. Пластичность [Электронный ресурс]/ Зубчанинов В.Г.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008.— 336 с.

<http://www.iprbookshop.ru/>

9. Быковцев Г.И., Ивлев Д.Д. Теория пластичности. – Владивосток: Дальнаука, 1996. 527 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

10. Горшков А.Г. Теория упругости и пластичности [Электронный ресурс]: учебное пособие для вузов/ Горшков А.Г., Старовойтов Э.И., Тарлаковский Д.В.— Электрон. текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2002.— 418 с.

<http://www.iprbookshop.ru/>

**Дополнительная литература**  
(печатные и электронные издания)

1. Быковцев Г.И. Избранные проблемные вопросы механики деформируемых сред: Сборник статей. Владивосток: Дальнаука, 2002. – 566 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

2. Радаев Ю.Н. Пространственная задача математической теории пластичности: учеб. пособие. 3-е изд., перераб. и доп. /Ю.Н. Радаев; Федер. агентство по образованию. - Самара: Издательство "Самарский университет", 2007. - 464 с.

<http://window.edu.ru>

3. Садовский В.М. Мясников В.П. Разрывные решения в задачах динамики упругопластических сред. 1997. М.: Физматлит. 1997. – 208 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

4. Темам Р. Математические задачи теории пластичности. М.: Физматлит. 1991. – 288 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

5. Аннин Б.Д. Черепанов Г.П. Шемякин Е.И. Упруго-пластическая задача. Новосибирск : Наука. Сиб. отд-ние, 1983. - 238 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

6. Клюшников В.Д. Физико-математические основы прочности и пластичности (элементы теории определяющих соотношений). Издательство: Москва Издательство Московского университета. 1994. – 189 с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

7. Васидзу К. Вариационные методы в теории упругости и пластичности. М.: Мир. 1987. 542с.

Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН

8. Костюк А.Г. Пластичность и разрушение кристаллического материала при сложном нагружении. М.: Изд-во МЭИ. 2000. – 178 с.

<http://www.rfbr.ru/rffi/ru/books/>

9. Самуль В.И. Основы теории упругости и пластичности,  
Издательство: Москва Высшая школа. 1982, 264с.  
Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН
10. Можаровский Н.С. Теория пластичности и ползучести в  
инженерном деле, Киев 1991, 263с.  
Справочно-информационный фонд ИАПУ ДВО РАН
11. Зубчанинов В.Г. Устойчивость и пластичность. Том 2.  
Пластичность [Электронный ресурс]/ Зубчанинов В.Г.— Электрон.  
текстовые данные.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008.— 336 с
- <http://www.iprbookshop.ru/>