

# ПОДХОД К ОЦЕНКЕ ЧУВСТВИТЕЛЬНОСТИ СИСТЕМ НА ОСНОВЕ ДИСКРЕТНОГО ПРЕДСТАВЛЕНИЯ ОБЛАСТЕЙ РАБОТОСПОСОБНОСТИ

Д.А. Назаров

*Институт автоматизации и процессов управления ДВО РАН*

Россия, 690041, Владивосток, Радио 5

E-mail: [nazardim@iacp.dvo.ru](mailto:nazardim@iacp.dvo.ru)

**Ключевые слова:** проектирование, надежность, область работоспособности

Рассматривается задача анализа чувствительности технических систем к параметрическим возмущениям. Данная задача возникает обычно на стадии параметрической оптимизации процесса проектирования технических систем с учетом требований надежности. Описан подход, основанный на использовании дискретного представления области работоспособности проектируемой системы.

## Введение

Проектирование технических устройств и систем с учетом требований надежности связано с анализом влияния отклонений параметров составляющих элементов на способность этих систем выполнять свои функции согласно требований спецификации. Отклонения значений параметров элементов от расчетных связано с влиянием на них как факторов внешней среды, так и внутренних деградационных процессов износа и старения. Получение характеристик области допустимой вариации параметров позволит существенно сократить вычислительные затраты при исследовании параметрических возмущений, решении задачи выбора оптимальных значений параметров и назначении допусков.

## 1. Определение области работоспособности

С точки зрения потребителя, любая техническая система должна выполнять некоторые функции и, следовательно, обладать некоторыми выходными характеристиками. Эти характеристики будем называть *выходными параметрами* и обозначим вектором (1):

$$\mathbf{y} = (y_1, y_2, \dots, y_m)^T. \quad (1)$$

С точки зрения проектировщика, техническая система состоит из отдельных элементов, выполняющих свои функции и обладающих некоторыми количественными характеристиками, которые будем называть *внутренними параметрами* и обозначать вектором (2):

$$\mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots, x_n)^T. \quad (2)$$

В процессе проектирования исследуется модель системы (3), связывающая выходные параметры с входными:

$$y_i = y_i(\mathbf{x}), \quad i = 1, 2, \dots, m. \quad (3)$$

На внутренние и выходные параметры системы накладываются ограничения. Внутренние параметры (2) ограничиваются обычно производственными допусками (4):

$$x_{\min_i} \leq x_i \leq x_{\max_i}, \quad \forall i = 1, 2, \dots, n. \quad (4)$$

Выходные параметры ограничиваются требованиями спецификации проектируемого устройства (5):

$$y_{\min_i} \leq y_i \leq y_{\max_i}, \quad \forall i = 1, 2, \dots, m, \quad (5)$$

которые также называются *условиями работоспособности* (УР).

В процессе изготовления, хранения и, в особой степени, эксплуатации, элементы системы подвержены влиянию факторов как внешней среды, так и внутренних процессов износа и старения, что вызывает отклонения значений их параметров от расчетных. Ввиду зависимости (3) выходных параметров от внутренних, параметрические возмущения влияют на выходные характеристики системы, что может привести к нарушению требований (5). Нарушение требований к выходным характеристиками системы квалифицируется как отказ, который может повлечь серьезные последствия [1].

Исследование влияния параметрических возмущений на выходные параметры системы относится к отдельному этапу проектирования сложных технических систем - задаче *параметрического синтеза*, которая состоит в выборе таких номинальных значений внутренних параметров

$$\mathbf{x}_{nom} = (x_{nom_1}, x_{nom_2}, \dots, x_{nom_n})^T,$$

которые обеспечивают максимум вероятности нахождения параметров элементов в области их допустимых значений при наличии параметрических возмущений:

$$\mathbf{x}_{nom} = \arg \max P\{\mathbf{X}(\mathbf{x}_{nom}, t) \in \mathbb{D}_x, \forall t \in [0, T]\}, \quad (6)$$

где  $\mathbf{X}(\mathbf{x}_{nom}, t)$  - случайный процесс изменения параметров,  $\mathbb{D}_x$  - область допустимой вариации внутренних параметров - *область работоспособности* (ОР),  $T$  - заданное время эксплуатации устройства.

Область работоспособности  $\mathbb{D}_x$  представляет собой множество точек пространства внутренних параметров, для которых выходные характеристики системы удовлетворяют требованиям (5):

$$\mathbb{D}_x = \{\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n \mid \mathbf{y}_{\min} \leq \mathbf{y}(\mathbf{x}) \leq \mathbf{y}_{\max}\}. \quad (7)$$

Как правило, характеристики области (7) неизвестны, поэтому проверку принадлежности  $\mathbf{X}(\mathbf{x}_{nom}, t) \in \mathbb{D}_x$  в выражении (6) приходится заменять на проверку вычисленных выходных характеристик требованиям спецификации (5). Таким образом, получение статистических оценок связано с трудоемкими вычислениями. Получение характеристик ОР позволяет существенно сократить время вычислений при решении задачи параметрического синтеза с использованием стохастического критерия (6).

Помимо проверки принадлежности вектора внутренних параметров системы области  $\mathbb{D}_x$ , данные о конфигурации области могут быть полезны при решении задач проектирования, связанных с определением допусков, оптимизации параметров с использованием детерминированных критериев [4], а также для оценки чувствительности системы к параметрическим возмущениям.

Определение характеристик ОР сопряжено с рядом трудностей. Как правило, модель (3) достаточно сложных систем задаются не в аналитическом, а алгоритмическом виде или с помощью имитационной модели, реализующей концепцию «черного ящика». В этом случае доступным методом исследования пространства параметров является многомерное зондирование.

*Задача построения ОР* заключается построении в пространстве внутренних параметров фигуры с известной конфигурацией, которая являлась бы приближением неизвестной области  $\mathbb{D}_x$  при заданной модели (3), известных УР (5) и допусках (4) на внутренние параметры, ограничивающих область поиска.

## 2. Дискретная модель представления области работоспособности

Среди различных способов приближения ОР известными фигурами, таких как вписанные и описанные параллелепипеды, эллипсоиды или их комбинациями, в данной работе используется сеточное представление ОР, основанное на *методе матричных испытаний* [5]. Изначально метод матричных испытаний был разработан для физического моделирования процесса изменения значений параметров схемных элементов, однако его реализация с привлечением ЭВМ широкого распространения не получила из-за проблемы, связанной с вычислительной сложностью выполнения полного перебора.

Согласно методу матричных испытаний, заданный диапазон возможного изменения каждого параметра

$$a_i^x \leq x_i \leq b_i^x, \quad (8)$$

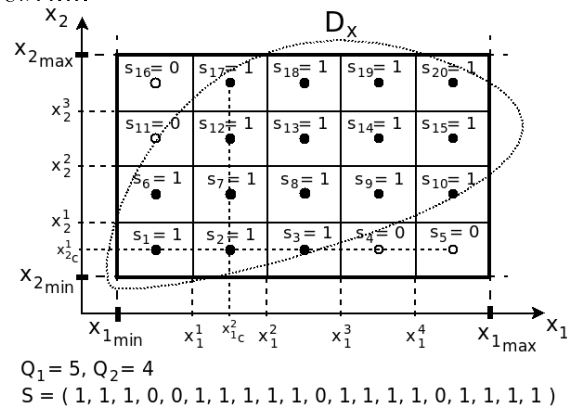
разбивается эквидистантно на  $q_i$  отрезков - квантов  $k_i = 1, 2, \dots, q_i$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ , в центре каждого из которых выбирается «точка-представитель»:

$$c_i^{k_i} = \frac{a_i^{k_i} + b_i^{k_i}}{2}, \quad (9)$$

где  $a_i^{k_i}, b_i^{k_i}$  - соответственно левая и правая границы  $k_i$ -го кванта  $i$ -го параметра [3].

Диапазоны (8) образуют  $n$ -мерный гиперпараллелепипед  $B_x$  в декартовой системе координат значений внутренних параметров. В качестве этого параллелепипеда может выступать гиперпараллелепипед допусков  $B_d$ , образованный допустимыми значениями каждого параметра в отдельности, либо *описанным гиперпараллелепипедом*  $B_o$ , ограничивающий область допустимых значений совместной вариации внутренних параметров.

В результате квантования  $B_x$  образуется сетка (рис. 1), разбивающая область поиска на множество непересекающихся элементарных гиперпараллелепипедов. В геометрическом центре каждого из этих гиперпараллелепипедов задана точка-представитель с координатами (9), которые задают множество несовместных ситуаций дискретного изменения значений параметров в области, ограниченной  $B_x$ . В каждой такой точке-представителе вычисляются выходные значения параметров и проверяются УР (?). Предполагается, что результаты расчета значений выходных параметров и проверки УР в точке представителе элементарного параллелепипеда распространяются на все его точки. Таким образом, множество элементарных параллелепипедов  $\mathbb{B}_x$  разбивается на два непересекающихся подмножества  $\mathbb{B}_x^g = \mathbb{B}_x^+ \cup \mathbb{B}_x^-$ , при этом  $\mathbb{B}_x^+ \cap \mathbb{B}_x^- = \emptyset$ , где  $\mathbb{B}_x^+$  является представлением искомой ОР  $\mathbb{D}_x$ , которое будем называть *сеточным представлением области работоспособности* (СПОР). Элементарные параллелепипеды из множества  $\mathbb{B}_x^g$  будем называть *элементами* или *ячейками* сетки.



**Рис. 1.** Квантование области поиска и сеточное представление ОР в двумерном пространстве параметров

Для задания СПОР используются наборы данных двух типов:

- Геометрические параметры сетки;
- Данные о принадлежности каждого элемента сетки подмножеству  $\mathbb{B}_x^+$  или  $\mathbb{B}_x^-$ ;

Геометрические параметры сетки позволяют вычислить координаты границ любого ее элемента и координаты его точки-представителя, имея набор индексов  $(k_1, k_2, \dots, k_n)$ , а также можно вычислить индексы элемента сетки в котором находится некоторая точка с заданными координатами (внутри гиперпараллелепипеда  $B_x$ )  $\vec{x}^* = (x_1^*, x_2^*, \dots, x_n^*)^T$ . Геометрические параметры сетки задаются следующим набором данных:

- Размерность  $n$  пространства внутренних параметров;

- Диапазон (8) допустимых значений для каждого параметра;
- Количество квантов в разбиении диапазона значений каждого параметра;

Принадлежность элемента сетки с индексами  $(k_1, k_2, \dots, k_n)$  множеству  $\mathbb{B}_x^+$  или  $\mathbb{B}_x^-$  задается *массивом состояний* (МС) элементов сетки  $S[R] = (s_1, s_2, \dots, s_R)$ , где  $R$  - количество элементов сетки:

$$R = \prod_{i=1}^n q_i, \quad (10)$$

а элементы МС принимают значения (для нормированного массива)  $s_p \in \{0, 1\}$ . Элемент  $s_p$  МС далее будет обозначаться как  $S[p]$ . Значение состояния  $S[p] = 0$  означает принадлежность соответствующего элемента сетки подмножеству  $\mathbb{B}_x^-$ , а значение  $S[p] = 1$  означает принадлежность соответствующего ему элемента сетки подмножеству  $\mathbb{B}_x^+$ . О соответствии каждому элементу сетки, заданному с помощью  $n$  индексов  $(k_1, k_2, \dots, k_n)$ , единственного элемента  $S[p]$  МС более подробно описано в работе [3].

### 3. Алгоритм анализа

#### Список литературы

1. Абрамов О.В. Мониторинг и прогнозирование технического состояния систем ответственного назначения // Информатика и системы управления. - 2011. - № 2(28). - С. 4-15.
2. Абрамов О.В. Параметрический синтез стохастических систем с учетом требований надежности. М.: Наука, 1992.
3. Катужева Я.В., Назаров Д.А. Аппроксимация и построение областей работоспособности в задаче параметрического синтеза // Международный симпозиум «Надежность и качество», Пенза: ПГУ, 2005, С. 130 - 134.
4. Назаров Д.А. Использование областей работоспособности для оптимального выбора номиналов параметров // Информатика и системы управления. - 2011. №2(28). - С. 59-69.
5. Б.В. Васильев, Б.А. Козлов, Л.Г. Ткаченко Надежность и эффективность радиоэлектронных устройств. - М.: Советское радио, 1964.